

1. Wyznacz warstwy pierścienia A względem jego ideału I a następnie utwórzyc z tabelki działanie w pierścieniu ilorazowym A/I .
 - (a) $A = Z_2[X], I = (X^2 + 1)Z_2[X]$
 - (b) $A = Z[X], I = 2Z[X] + X^2Z[X]$
 - (c) $A = Z[i\sqrt{2}], I = (1 + i\sqrt{2})Z[i\sqrt{2}]$
 - (d) $A = Z_15, I = 3Z_15$
 - (e) $A = Z[i], I = 2Z[i]$
 - (f) $A = Z[i\sqrt{3}], I = (1 + i\sqrt{3})Z[i\sqrt{3}]$
 - (g) $A = Z_2[X], I = (X^2 + X)Z_2[X]$

2. W pierścieniu ilorazowym $Z[X]/X^2Z[X]$ rozwiązać równanie o niewiadomej t . $((1 + 2X) + I)t = (5 + 9X) + I$

3. W pierścieniu ilorazowym $Z_5[X]/X^3Z_5[X]$ obliczyć odwrotność danego elementu
 - (a) $(1 + 2X) + X^3Z_5[X]$
 - (b) $4 + 3X^2 + X^3Z_5[X]$

4. Korzystając z pierwszego twierdzenia o izomorfizmie pierścieni wykazać iż
 - (a) $A/I \cong R \times R$ dla $A = C_{\langle 0,1 \rangle}$,
 $I = \{f \in C_{\langle 0,1 \rangle} : f(0) = f(1) = 0\}$
 - (b) $A/I \cong Z_{13}$ dla $A = Z[i], I = (3 + 2i)A$
 - (c) $A/I \cong R \times R$ dla $A = R[X], I = (X^2 - 5X + 4)A$
 - (d) $C_{\langle 0,1 \rangle} \cong R$ dla $A = C_{\langle 0,1 \rangle}, I = \{f \in C_{\langle 0,1 \rangle} ; f(1) = 0\}$
 - (e) $R^4/I \cong R^2$ dla $A = R^4, I = \{(x_1, x_2, x_3, x_4) \in R^4 : x_1 = x_3 = 0\}$
 - (f) $A/I \cong Z_7 \times Z_7, A = Z_7[X], I = (X^2 + 5)A$
 - (g) $A/I \cong C, A = R[X], I = (X^2 + 1)R[X]$

5. Z którym z pierścieni Z_m izomorficzny jest pierścień ilorazowy A/I gdzie
 - (a) $A = Z[i], I = (3 + i)Z[i]$
 - (b) $A = Z[i\sqrt{3}], I = (1 + 3i\sqrt{3})Z[i\sqrt{3}]$