

ISTNIENIE I JEDNOZNACZNOŚĆ KLASYCZNEGO ROZWIĄZANIA PEWNEGO UKŁADU EWOLUCYJNEGO

Lucjan Sapa

Streszczenie

Niech funkcje $f : [0, T] \times \mathbf{R}^{2+n} \rightarrow \mathbf{R}$, $g = (g_1, \dots, g_n) : [0, T] \times \mathbf{R}^{2+n} \rightarrow \mathbf{R}^n$, $u_0, u_1 : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$, $v_0 = (v_{01}, \dots, v_{0n}) : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}^n$ i stała $c \geq 0$ będą dane. Rozważamy nieliniowy układ $(n + 1)$ równań różniczkowych postaci

$$\begin{cases} u_{tt} - u_{xx} + cu_t = f(t, x, u, v), & (t, x) \in [0, T] \times \mathbf{R} \\ v_t = g(t, x, u, v), & (t, x) \in [0, T] \times \mathbf{R} \end{cases} \quad (0.1)$$

z warunkami początkowymi

$$\begin{cases} u(0, x) = u_0(x), & x \in \mathbf{R} \\ v(0, x) = v_0(x), & x \in \mathbf{R} \\ u_t(0, x) = u_1(x), & x \in \mathbf{R} \end{cases}, \quad (0.2)$$

gdzie $v = (v_1, \dots, v_n)$. Układ (0.1) składa się z jednego równania telegrafistów ($c > 0$) lub równania falowego ($c = 0$) i podukładu n równań różniczkowych zwyczajnych z parametrem x .

Celem referatu jest sformułowanie i dowód twierdzenia o lokalnym istnieniu, jednoznaczności i oszacowaniu rozwiązania w przestrzeniach Höldera problemu (0.1), (0.2). W dowodzie wykorzystuje się twierdzenie Banacha, lemat Arzeli-Ascoliego, własności rozwiązania fundamentalnego i charakterystyk. Omówione zostaną również możliwe uogólnienia.